

Intervalo dalijimo pusiau metodas

- ▶ input: $f()$, l , r , ε .
- 1. $x_m = (l + r)/2$, $L = r - l$, skaičiuojame $f(x_m)$;
- 2. $x_1 = l + L/4$, $x_2 = r - L/4$, skaičiuojame $f(x_1)$ ir $f(x_2)$;
- 3. jei $f(x_1) < f(x_m)$, tai:
 - 3.1 atmetamas $(x_m, r]$ atliekant keitimą $r = x_m$;
 - 3.2 intervalo centru tampa x_1 , tad keičiamas $x_m = x_1$;
 - 3.3 einama į 6 punktą
- 4. jei $f(x_2) < f(x_m)$, tai:
 - 4.1 atmetamas $[l, x_m)$ atliekant keitimą $l = x_2$;
 - 4.2 intervalo centru tampa taškas x_2 , tad keičiama $x_m = x_2$;
 - 4.3 einama į 6 punktą
- 5. priešingu atveju ($f(x_1) \geq f(x_m)$ ir $f(x_2) \geq f(x_m)$):
 - 5.1 atmetami intervalai $[l, x_1)$ ir $(x_2, r]$ atliekant keitimus $l = x_1$ ir $r = x_2$;
- 6. skaičiuojamas $L = r - l$; jei L pakankamai mažas ($L < \varepsilon$), baigiame skaičiavimus, jei ne – einame į 2 punktą.
- ▶ output: mažiausias iš $f(x_m)$, $f(x_1)$ ir $f(x_2)$ ir atitinkamas x_i .

Auksinio pjūvio algoritmas

- ▶ input: $f()$, l , r , ε , $\tau = (-1 \pm \sqrt{5})/2 = 0,61803\dots$
($\tau^2 = 1 - \tau$).
 - 1. $L = r - l$, $x_1 = r - \tau L$ ir $x_2 = l + \tau L$, skaičiuojame $f(x_1)$ ir $f(x_2)$;
 - 2. jei $f(x_2) < f(x_1)$, tai:
 - 2.1 atmetamas $[l, x_1]$ atliekant keitimą $l = x_1$, $L = r - l$;
 - 2.2 kairiuoju tašku tampa ankstesnis dešinysis taškas $x_1 = x_2$;
 - 2.3 naujasis dešinysis taškas $x_2 = l + \tau L$, skaičiuojame $f(x_2)$;
 - 3. priešingu atveju:
 - 3.1 atmetamas $(x_2, r]$ atliekant keitimą $r = x_2$, $L = r - l$;
 - 3.2 dešiniuoju tašku tampa ankstesnis kairysis taškas $x_2 = x_1$;
 - 3.3 naujasis kairysis taškas $x_1 = r - \tau L$, skaičiuojame $f(x_1)$;
 - 4. jei L pakankamai mažas ($L < \varepsilon$), skaičiavimus baigiame, jei ne – einame į 2 punktą.
- ▶ output: mažiausias iš $f(x_1)$ ir $f(x_2)$ ir atitinkamas x_j .

Niutono algoritmas

► input: $f()$, x_0 , ε .

1. $i = 0$;

2.

$$x_{i+1} = x_i - \frac{f'(x_i)}{f''(x_i)};$$

3. jei žingsnio ilgis pakankamai mažas ($|x_i - x_{i+1}| < \varepsilon$), skaičiavimus baigiame, jei ne, tai $i = i + 1$ ir einame į 2 punktą.

► output: x_{i+1} ir $f(x_{i+1})$, $i + 1$.

Gradientinis nusileidimas

► input: $f()$, X_0 , γ , ε .

1. $i = 0$;

2.

$$X_{i+1} = X_i - \gamma \nabla f(X_i);$$

3. jei gradientas pakankamai mažas ($\|\nabla f(X_i)\| < \varepsilon$), skaičiavimus baigiame, jei ne, tai $i = i + 1$ ir einame į 2 punktą.

► output: X_{i+1} ir $f(X_{i+1})$, $i + 1$.

Greičiausias nusileidimas

► input: $f()$, X_0 , ε .

1. $i = 0$;

2.

$$X_{i+1} = X_i - \arg \min_{\gamma \geq 0} f(X_i - \gamma \cdot \nabla f(X_i)) \nabla f(X_i);$$

3. jei gradientas pakankamai mažas ($\|\nabla f(X_i)\| < \varepsilon$), skaičiavimus baigiame, jei ne, tai $i = i + 1$ ir einame į 2 punktą.

► output: X_{i+1} ir $f(X_{i+1})$, $i + 1$.

Deformuojamo simplekso algoritmas

- ▶ input: $f()$, X_0 , n , ε , α , β , γ , ν .
1. Sudaromas simpleksas iš X_0 ir X_i , gautų per X_0 ir α .
 2. Nustatoma geriausia X_l , antra pagal gerumą X_g , blogiausia X_h viršūnės.
 3. Apskaičiuojamas X_c ir X_{naujas} . Pagal $f(X_{naujas})$ nustatomas Θ ir skaičiuojamas naujas taškas Z :
 - a) jei $f(X_l) < f(X_{naujas}) < f(X_g)$, tai $\Theta = 1$: dydis nekinta;
 - b) jei $f(X_{naujas}) < f(X_l)$, tai $\Theta = \gamma > 1$: išplečiamas;
 - c) jei $f(X_{naujas}) > f(X_h)$, tai $\Theta = \nu$: suspaudžiamas;
 - d) jei $f(X_g) < f(X_{naujas}) < f(X_h)$, tai $\Theta = \beta$: suspaudžiamas.
 4. Jei žingsnis sėkmingas, $X_h = Z$, kartojame nuo 2 punkto.
 5. Jei žingsnis nesėkmingas, $\alpha = K\alpha$, $X_0 = X_l$.
 6. Jei $\alpha < \varepsilon$, stabdoma, priešingu atveju einame į 1 punktą.
- ▶ output: X_l ir $f(X_l)$.