



ALFA PLIUS OMEGA

MATEMATIKOS ŽURNALAS

99

Nr.2(8)



1999

α^{ω} \diamond α^{ω}
 \diamond \diamond \diamond
 ω^{α} \diamond ω^{α}

Nr. 2

Alfa plius omega 1999 Nr. 2 (8)
„Lietuvos matematikos rinkinio“ priedas
Išeina du numeriai per metus

Spausdinamus straipsnius skirstome į šiuos skyrius:

Apžvalgos. Atskiras matematikos kryptis ar problemas apžvelgiantys straipsniai, papras-tai nereikalaujantys iš skaitytojo itin specialaus išankstinio pasiruošimo.

Matematinės idėjos. Neilgi straipsniai, kuriuose aptariami įvairūs matematiniai sąry-šiai, sąvokos, teoremos, jų įrodymai, taikymai bei interpretacijos.

Matematikos istorija. Matematikos sąvokų, problemų istorinę raidą aptariantys straipsniai, taip pat matematikų biografijos bei kiti matematikos istorijai skirti rašiniai.

Matematinio gyvenimo aktualijos. Informacija apie matematinio gyvenimo įvy-kius, proginių rašinių, požiūrių, vertinimai, matematikos terminai, knygų recenzijos ir kt.

Matematikos metodologija, mokymas ir dėstymas. Bendrieji matematikos raidos klausimai, matematika vidurinėje ir aukštosių mokyklose, nuomonės, problemos, požiūriai.

Uždaviniai. Spausdinsime skaitytojų pateiktų uždavinių sąlygas, taip pat įdomiausių sprendimus. Uždavinius grupuosime į tris skyrius:

ε – loginiai, sąmojo uždaviniai, matematinės mūslės,

α – mokyklinė (elementarioji) matematika,

ω – uždaviniai iš universitetinių matematikos kursų.

Curiosa mathematica. Visa, kas įdomu ir vienaip ar kitaip susiję su matematika, matematinis humoras.

Atsakomasis redaktorius Vilius Stakėnas

Redaktorių taryba

Aleksandras Baltrūnas, Romualdas Kašuba, Juozas Mačys,
Eugenijus Manstavičius, Hamletas Markšaitis, Alfredas Račkauskas

Kalbos redaktorė Zita Manstavičienė

Viršelio dailininkas Jaroslavas Rakickis

Adresas: „ $\alpha + \omega$ “, Naugarduko 24, 2006 Vilnius

Internete: <http://www.mif.vu.lt/ttsk/bylos/sta/aow/pagr.html>

1999

α^{ω} \diamond α_{ω}
 \diamond \diamond \circ
 $\omega_{+\alpha}$ \circ ω^{α}

Nr. 2

Alfa plius omega 1999 Nr. 2 (8)

The supplement of „Lietuvos matematikos rinkinys“

Two issues a year appear

The journal publishes articles which fit into the following framework:

Reviews. Articles, reviewing the branches of mathematics or mathematical problems, not presupposing from the reader very special mathematical knowledge.

Mathematical ideas. Short articles devoted to various mathematical relations, concepts, theorems, their proofs, applications and interpretations.

History of mathematics. The articles on historical development of mathematical concepts and problems, biographies of mathematicians, other publications of this field.

Actualities. Information on events of mathematical community, anniversaries, opinions, book reviews etc.

Methodology of mathematics and teaching. General questions of mathematical activities, mathematics at the schools and universities, views, estimations and problems.

Problems. We publish the mathematical problems and their solutions sent to us by the readers. The problems are of three levels:

ε – problems with minimal mathematical background, mathematical recreations, puzzles,

α – problems of elementary mathematics,

ω – problems of advanced mathematics.

Curiosa mathematica. Everything what is interesting and has some connections with mathematics, mathematical humour.

Editor-in-Chief Vilius Stakėnas

Editors

Aleksandras Baltrūnas, Romualdas Kašuba, Juozas Mačys,
Eugenijus Manstavičius, Hamletas Markšaitis, Alfredas Račkauskas

Editor for language Zita Manstavičienė

Designer Jaroslavas Rakickis

Address: „ $\alpha + \omega$ “, Naugarduko 24, 2006 Vilnius

Internet: <http://www.mif.vu.lt/ttsk/bylos/sta/aow/pagr.html>

© Lietuvos matematikos rinkinys, 1999

Matematikos pasaulis po paskutinės Fermat teoremos įrodymo.

Ižymioji lygtis $x^n + y^n = z^n$, prieš 350 metų užrašyta matematinio veikalo paraštėje, ir liko pastaba paraštėje – tik kito didžiulio matematinio darbo.

Visa ši jaudinanti intelektualinio žygio istorija kiek primena kelio į Indiją ieškojimo istoriją. Didieji XV amžiaus keliautojai, užsibrėžę rasti kelią į Indiją, parsivežti aukso ir prieskonį, atrado ką kita – Amerikos žemyną. Panašiai ir daugelio kartų matematikai, ieškodami Fermat teoremos įrodymo, sukūrė daugiau – algebrinės skaičių teorijos, algebrinės geometrijos kontinentus.

Šiame žurnale rasite tiek kelių šimtmečių paskutinės Fermat teoremos istorijos apybraižą, tiek paskutinių „žygijų“ kroniką.

Neįmanoma 200 puslapių darbo, kuriamo taikomi geriausi paskutinių 25-erių metų matematiniai rezultatai, suprantamai išdėstyti keliuose puslapiuose. Tačiau ir negalėdamas visiškai aiškiai suvokti vartojamų sąvokų prasmės, kantrus skaitytojas, perskaitęs K. A. Ribet ir B. Hayes straipsnį „Paskutinė Fermat teorema ir modernioji aritmetika“, turėtų pajauti, kaip vyko šis galutinis Fermat teoremos „šturmias“, kaip iškildavo didelės kliūtys, kaip pagalba ateidavo iš visai kitos, nei būtų galima tikėtis, pusės.

Ar keista, kad tokiam paprastam teiginiuui įrodyti prireikė tiek pastangų ir tiek sudėtingų dalykų?

Jei pažvelgsime visuotinesniu požiūriu – ne. Ir apie žaliaj takos žolės daigą galima iškelti daugybę paprastų klausimų, į kuriuos negalima atsakyti be šimtmečiais kurtos ir ugdytos žinijos.

1999 $\alpha^{\omega} \diamond \alpha_{\omega}$ **Nr. 2**
 $\diamond \quad \diamond \quad \diamond$
 $\omega + \alpha \quad \diamond \quad \omega^{\alpha}$

Turinys

Apžvalgos

R. LAUBENBACHER, D. PENGELLEY

Paskutinė Fermat teorema	5
--------------------------	---

K.A. RIBET, B. HAYES

Paskutinė Fermat teorema ir modernioji aritmetika	19
---	----

Matematinio gyvenimo aktualijos

Vaclovą Blizniką prisimena

V. PEKARSKAS	40
--------------	----

O. JABLONSKIENĖ	41
-----------------	----

A. DREIMANAS	41
--------------	----

J. ŠINKŪNAS	42
-------------	----

A. RAČKAUSKAS	
---------------	--

Profesorius Vytenis Kabaila	45
-----------------------------	----

V. PAULAUSKAS	
---------------	--

Garbingas Profesoriaus Vytauto Statulevičiaus jubiliejus	47
--	----

R. KAŠUBA	
-----------	--

Lietuvos jaunieji matematikai 1999 metų olimpiadose	51
---	----

Matematinės idėjos

V. STAKĖNAS

Tariamieji begaliniai nusileidimai	58
------------------------------------	----

Matematikos istorija

A. WILES ir kt.

Kaip buvo įrodyta paskutinė Fermat teorema

63

Matematikos mokymas ir dėstyMAS

P. GREBENEČENKAITĖ

Žiupsnelis nestandardinių uždavinių

73

R. RAZMAS

Išvestinės ir nelygybės

75

Lietuvos jaunųjų matematikų mokykla

78

Alfa + omega seminaras

A. DUBICKAS

Apie teigiamus daugianarius

81

Uždaviniai

84

Curiosa mathematica

98

Summaries

99



Pierre de Fermat (1601–1665) buvo teisininkas, tačiau mes žinome jo vardu beveik tik dėl jo matematinių darbų. Nors jis nerašė matematinių veikalų, tačiau intensyviai susirašinėjo su savo laiko mokslininkais. Fermat tyrinėjo sveikųjų skaičių savybes, jo rezultatais prasideda šiuolaikinės skaičių teorijos istorija.

QVÆSTIO VIII.

Propositiū quadratum dividere
in duos quadratos. Imperatum hū ut
16. dividatur in duos quadratos. Ponatur
primus i Q. Oportet igitur 16 – 1 Q. equa-
les esse quadrato. Fingo quadratum a nu-
meris quotquot ibiueit, cum defecet tot
unitatum quod continet latus ipsius 16.
est 12 N. – 4. ipse igitur quadratus erit
 $4Q + 16 - 12N$, hoc aquaduumur vni-
tatis 16 – 1 Q. Commissus adiucatur
vtrunque defectus, & a similibus auferan-
tur similia, fient 5 Q. aequales 16 N. & fit
1 N. Et igitur alter quadratorum 16.
alter vero 25 & vtrunque summa est 41. seu
16. & vtrunque quadratus est.
v. circumspecta, ratiū gerābus. etiā ūnū trāspoz. rēgōm.

OBSERVATIO DOMINI PETRI DE FERMAT.

Culum autem in duos cubos, aut quadratoquadratum in duos quadratoquadratos
& generaliter nullam in infinitum ultra quadratum potissimum in duos eius-
dem nominis fas est dividere eum rei demonstrationem mirabilem sane detexi.
Hanc marginis exaltatas non expecto.

Taip atrodo ižymioji Fermat pastaba Diofanto „Aritmetikos“ paraštėje, matematikos istorijoje žinoma kaip paskutinė Fermat teorema. Fermat sūnus Samuelis išleido pakartotinį šio veikalo leidimą su visomis savo tėvo pastabomis paraštėse. Pats Fermat skaitė 1621 metais Claude Gaspar Bachet pirmą kartą lotyniškai išleistą „Aritmetiką“, tačiau jo skaityta knyga nesurasta.